Interner Bericht DESY F21-72/2 April 1972

> DESY-Bibliothek 2 4. MAI 1972

-

Nichtfokussierendes magnetisches Spektrometer

der Koinzidenzapparatur von F 21

Akzeptanz und Auflösung

von

K.H. Frank



1. EINLEITUNG

In dem Bericht F21-72/1 ist der Aufbau des Protonenspektrometers der Koinzidenzapparatur von F21 beschrieben. Der vorliegende Bericht ist als Fortsetzung gedacht und bringt Angaben zu Akzeptanz und Auflösung.

Die Rechnungen wurden mit einem angenäherten Magnetfeld durchgeführt, da das Ergebnis der Feldvermessung noch nicht vorlag. Auch für einige andere Größen konnten nur vorläufige Werte eingesetzt werden. Dies gilt vor allem für den Einbau und die Vielfachstreuung der Charpakkammer.

2. HORIZONTALE AKZEPTANZ

Die horizontale Akzeptanz ist bei kurzem Target nur durch die Öffnung des Spektrometermagneten begrenzt. Bei großen Impulsen kann der Einfluß des Magnetfeldes auf die horizontale Akzeptanz vernachlässigt werden. Man erhält dann 112 mr bei S = 555 mm, 90 mr bei S = 1020 mm und 79,5 mr bei S = 1340 mm. S gibt den Abstand des Magneten vom Target entsprechend Abb. 1 an.

Bei ausgedehntem Target wird die horizontale Akzeptanz zusätzlich auch am 2. Hodoskop begrenzt entsprechend den Abb. 2 bis 4.

Ein geringer Teil der Teilchentrajektorien im unteren Teil der Charpakkammer läuft durch den Rand, wo mit gestörtem Ansprechen der Drähte zu rechnen ist.

Da die vertikale Richtung eines Teilchens vor und hinter dem Magneten verschieden ist, sind die Abb. 2 bis 4 nur näherungsweise richtig. Außerdem bewirkt die im Randfeld des Magneten auftretende longitudinale Komponente B (Abb. 5) eine vom vertikalen Winkel abhängige horizontale Fokussierung, deren Stärke proportional B^2/P^2 ist.

Abb. 6 zeigt das Ergebnis einer Monte-Carlo-Rechnung für die Ausleuchtung des 2. Hodoskops, bei der über vertikale und horizontale Richtungen am Target gleichverteilt gewürfelt wurde. Der Impuls wurde im Intervall 0,9 P_o <P< 1,1 P_o gleichverteilt. Für die Abb. 6 wurde ohne Vielfachstreuung gerechnet. Bei P_o/B = 4 GeV/Tesla (Abb. 6a) ist die horizontale Fokussierung noch unbedeutend, und die horizontale Verteilung der Ereignisse in H2 entspricht der nach Abb. 2 erwarteten. Bei P_o/B = 0,5 GeV/Tesla (Abb. 6c) wird die horizontale Verteilung in H2 schon auf etwa die halbe Breite zusammengedrückt. Die horizontale Akzeptanz ist dabei von 112 mr auf 114 mr angewachsen. (Bei kurzem Target.)

3. BESTIMMUNG DES HORIZONTALEN WINKELS

Der horizontale Winkel H kann aus dem Reaktionsort t und den horizontalen Koordinaten X₁ der Charpakkammer und X₂ des 2. Hodoskops bestimmt werden. Zur Zeit ist es nicht möglich, den Reaktionsort im Target zu messen. Es muß also dafür die Targetmitte angenommen werden. Die Drähte der 2. und 3. Ebene der Charpakkammer sind um $\alpha = 5^{\circ}$ in entgegengesetztem Sinn gegen die Horizontale geneigt. Man erreicht mit dem Drahtabstand d für X₁ eine Auflösung

 $\Delta B_1 = d/2 \cdot sin\alpha$ (FWHM).

Die Auflösung der Laufzeitzähler (2. Hodoskop) ist

 $\Delta B_2 = 80 \text{ mm}$ (FWHM).

Die Abbildungen 7 bis 10 zeigen die erzielbare Auflösung AH (FWHM) für den horizontalen Winkel H in Abhängigkeit von der Projektion der Targetausdehnung T. (T ist die Projektion der Targetlänge auf eine Achse senkrecht zur Spektrometerachse.)

Die horizontale Auflösung in der Charpakkammer kann durch Vergrößern von α verbessert werden. Außerdem wird zur Zeit untersucht, ob die Auflösung in den Laufzeitzählern verbessert werden kann. Es sind daher Abbildungen für $\alpha = 5^{\circ}$ und 30° und für $\Delta B_2 = 80$ mm und 50 mm wiedergegeben.

Für die Bestimmung des horizontalen Winkels reichen 2 der 3 zur Verfügung stehenden Koordinaten. Die 3 möglichen Paarungen ergeben unterschiedliche Genauigkeit für H. Die erzielbare Auflösung AH für den horizontalen Winkel H ist in den Abbildungen für die 3 Möglichkeiten angegeben. (Kurven a bis c) Es können für die Bestimmung von H aber auch alle 3 Größen gewichtet entsprechend ihrer Genauigkeit genommen werden. (Kurve d) H errechnet sich dann aus der Formel:

$$H = \frac{N \cdot XS - X \cdot S}{N \cdot SS - S^2}$$

Dabei bedeutet:

$$N = \frac{1}{\Delta T^2} + \frac{1}{\Delta B_1^2} + \frac{1}{\Delta B_2^2}$$

$$XS = \frac{S_1 \cdot X_1}{\Delta B_1^2} + \frac{S_2 \cdot X_2}{\Delta B_2^2}$$

$$X = \frac{X_1}{\Delta B_1^2} + \frac{X_2}{\Delta B_2^2}$$

$$S = \frac{S_1}{\Delta B_1^2} + \frac{S_2}{\Delta B_2^2}$$

$$SS = \frac{S_1^2}{\Delta B_1^2} + \frac{S_2^2}{\Delta B_2^2}$$

X₁ und X₂ sind die in der Charpakkammer bzw. H2 gemessenen horizontalen Koordinaten.

 S_1 und S_2 sind die Abstände der Charpakkammer bzw. H2 vom Target. Für die Abbildungen ist $S_1 = 2920$ mm und $S_2 = 7000$ mm. Dies entspricht der Aufstellung I des Magneten. (S = 555 mm in Abb. 1)

> $\Delta T = 0,7 T$ $\Delta B_1 = 0,96 mm/sin\alpha$ $\Delta B_2 = 80 bzw. 50 mm$

Die Faktoren 0,7 und 0,96 berücksichtigen, daß es sich nicht um Gaußverteilungen handelt.

- 4 -

Für die Abbildungen wurde die Streuung des horizontalen Winkels H mit einem Monte-Carlo-Programm berechnet. Die angegebenen vollen Halbwertsbreiten AH wurden als das 2,36 fache der Streuung angenommen. Dies ist nur bei Gaußverteilungen exakt richtig. Im Target und in der Charpakkammer sind die Fehler nicht normalverteilt.

Bei großem T ist zur Verkleinerung von ΔH die Bestimmung des Reaktionsorts im Target wünschenswert. Dies ist mit dem Elektronenspektrometer möglich, wenn an die Stelle des Θ - Hodoskops und unmittelbar vor dem Schauerzähler Charpakkammern mit Drähten in vertikaler Richtung gesetzt werden. Eine Auflösung der Charpakkammern von 2 mm (FWHM) ergibt für verschiedene Winkel Θ des Elektronenspektrometers folgende Genauigkeit ΔTL (FWHM) für den Reaktionsort im Target:

ΔTL
32,3 mm
16,6 mm
9,9 mm

Für ΔH im Protonenspektrometer ist dann die Projektion ΔT von ΔTL auf eine Achse quer zum Protonenspektrometer maßgeblich.

Die damit erzielbaren Auflösungen zeigen die Abbildungen 11 bis 14.

Zur Berechnung von H aus einer an alle drei Größen (X₁, X₂ und Reaktionsort t) angepassten Geraden (Kurve d) ist in der Formel für H abweichend einzusetzen:

$$X = \frac{t}{\Delta T^2} + \frac{X_1}{\Delta B_1^2} + \frac{X_2}{\Delta B_2^2}$$

Für AT ist hier die Projektion von ATL ohne einen Faktor zu nehmen.

Bei starker Ablenkung der Teilchen im Magneten muß der horizontale Winkel noch korrigiert werden.

Abb.	α	ΔB2	
7	5°	80	Reaktionsort
8	30 ⁰	80	im Target
9	5 °	50	nicht gemessen
10	30 ⁰	50	
11	5°	80	Reaktionsort
12	30 [°]	80	im Target
13	5°	50	gemessen.
14	30 ⁰	50	

Parameter der Abbildungen 7 bis 14:

4. VERTIKALE AKZEPTANZ

Die vertikale Akzeptanz wird durch den Magneten, die Charpakkammer und das 2. Hodoskop begrenzt. Zur Berechnung wurde die Hauptkomponente B_x des Magnetfeldes stufenförmig angenommen. In Abb. 15 ist dieses Feld mit dem gemessenen Verlauf von B_x verglichen. Die Berechnung wurde schon vor der Vermessung des Magneten durchgeführt. Die dadurch bedingten Ungenauigkeiten in der Anpassung des Feldes sind für die Ergebnisse unbedeutend.

Einige ausgewählte Trajektorien sind in Abb. 16 eingetragen.

Die Abbildungen 17 bis 33 zeigen für einige ausgewählte Aufstellungen des MV-Magneten den akzeptierten Winkel-Impuls-Bereich. In den Abbildungen ist V der vertikale Winkel des Teilchens beim Verlassen des Targets, P der Impuls des Teilchens in GeV/c und B das Feld in der Mitte des Magneten in Tesla = 10⁴ Gauß. Durch S, Y und N ist dieAufstellung des Magneten entsprechend Abb. 1 festgelegt.

Ohne Raster ist in den Abbildungen der Winkel-Impuls-Bereich, der vom Magneten durchgelassen wird und die Charpakkammer und das 2. Hodoskop trifft. Entsprechend Abb. 16 sind bei der Charpakkammer die Mitte und die Enden mit A, B und C gekennzeichnet. Der Abstand zwischen A und C ist 1420 mm. Die Charpakkammer ist um 24[°] gegen die Vertikale geneigt. Die Abb. 17-33 enthalten für die Punkte A, B und C die zugehörigen Impulse (P/B) in Abhängigkeit vom vertikalen Winkel V der Teilchen. Die Kurven sind mit A, B und C gekennzeichnet. Ebenso sind für

die an den Knickstellen bzw. Enden des 2. Hodoskops liegenden Punkte H bis M die Impuls-Winkel-Kurven eingetragen.

Außerdem sind die Grenzen des Bereichs angegeben, in denen die Hodoskope direkte Sicht zum Target haben. Zur Erweiterung des Bereichs ohne direkte Sicht kann vor dem Magneten der vertikale Winkel V nach oben durch eine Bleiblende begrenzt werden. Einige der Abbildungen zeigen den Akzeptanzbereich und die Grenzen der direkten Sicht, wenn V > 0° bzw. V > -5° ausgeblendet werden.

Für 2 Magnetstellungen sind die vertikalen Winkel der Teilchenbahnen hinter dem Magneten angegeben (Abb. 20 und 33). Abb. 26 zeigt den Akzeptanzbereich für eine Ablenkung der Teilchen nach unten. Schließlich ist in Abb. 21 noch der Einfluß eines ausgedehnten Targets auf die Akzeptanzgrenzen angegeben.

Die Parameter der einzelnen Abbildungen sind in der Tabelle auf Seite 8 zusammengestellt.

Abb. N	ſr.	S	Y	N	Bl	Bemerkungen
17		555	150	00	-	
18		555	150	00	0°	
19		555	150	o°	-5°	
20		555	150	0°	-	Neigung der Bahnen hinter Magnet
21		555	150	0 ⁰	-	T = 234 mm
22		555	150	3°	-	
23		555	150	30	0°	
24		555	150	3°	-5°	
25		555	-36	-2°	-	
26		555	-36	-2°	-	Ablenkung der Teil- chen nach unten
27		1020	150	0 ⁰	-	
28		1020	150	0°	٥°	
29		1020	150	00	-5°	
30		1340	150	00	-	
31		1340	150	00	0°	
32		1340	150	00	-5°	
33		1340	150	0 ⁰	-	Neigung der Bahnen hinter Magnet

S, Y, N entsprechend Abb. 1

Bl = Blendenstellung. Alle vertikalen Winkel,die größer als der angegebene Wert für Bl sind, werden ausgeblendet

T = Targetlänge projeziert auf die Spektrometerachse

Aus den gemessenen Koordinaten der Teilchentrajektorien im Target und in den beiden Hodoskopen kann bei gegebenem Magnetfeld der Impuls P und der vertikale Winkel V berechnet werden. Zur Berechnung sind Näherungsverfahren notwendig, falls das Magnetfeld keine besonders einfache Form hat.

Die Genauigkeit, mit der P und V gemessen werden können, hängt von folgenden Einflüssen ab:

 Auflösung der beiden Hodoskope.
 Die Auflösung in der Charpakkammer ist ca. 2 mm (FWHM) und die Breite eines Kanals im 2. Hodoskop ist 10 mm.

Abb. 34 zeigt den Impuls-Winkel-Bereich, der durch ein Zählerpaar erfaßt wird, wenn alle anderen Einflüsse auf die Auflösung (Targetlänge, Vielfachstreuung) unterdrückt sind.

2. Targetlänge.

Da zur Zeit der Reaktionsort im Target nicht gemessen werden kann, muß für die Berechnung die Target-Mitte angenommen werden. Der dadurch entstehende Fehler ist proportional dem vertikalen Winkel V.

3. Vielfachstreuung.

Bei kleinen Impulsen wird die Auflösung verschlechtert durch Vielfachstreuung im Target, in der Charpakkammer und in der Luft zwischen Target und 2. Hodoskop.

In den Abbildungen 35-42 sind die mit einem Monte-Carlo-Programm ermittelten Auflösungen AP/P für den Impuls und AV

- 9 -

für den Winkel angegeben. Die Auflösung wurde für P = 4, 2 und 1 GeV/c bei B = 20 kG und für P = 0,5 GeV/c bei B = 10 kG gerechnet und in Abhängigkeit vom vertikalen Winkel dargestellt.

Der Einfluß der Targetlänge (Kurve TL), der Vielfachstreuung im Target (Kurve T), in der Charpakkammer (Kurve C) und in der Luft (Kurve L) und der Einfluß der Kanalbreite der Hodoskope (Kurve K) auf die Auflösung (Kurve A) ist den Abbildungen ebenfalls zu entnehmen. Bei der Impulsauflösung ist der Einfluß der Vielfachstreuung im Target unbedeutend und daher nicht eingezeichnet.

Die Parameter der Abbildungen sind in der folgenden Tabelle zusammengestellt:

Abb. Nr.	Impuls P(GeV/c)	Magnetfeld B(kGauß)	Ordin	ate
35	4.	20	ΔP/P	(%)
36	2	20	11	
37	1	20	"	
38	0,5	10		
39	4	20	ΔV	(mrad)
4 O	2	20		
41	1	20	"	
42	0,5	10	"	

6. RAUMWINKEL

Abb. 43 zeigt die Abhängigkeit des akzeptierten Raumwinkels Ω vom Impuls (P/B) für verschiedene Magnetaufstellungen. Bei günstigster Magnetaufstellung erreicht der Raumwinkel bei P/B = 1 GeV/Tesla den maximalen Wert $\Omega = 51$ msr.

- 10 -



Abb. 1. Aufstellung des MV-Magneten:

Die Aufstellung des Magneten ist durch die Maße S und Y und den Winkel N festgelegt.

Die Justierung und Vermessung durch den Vermessungsdienst erfolgt nach diesen Maßen.

In dieser Zeichnung sind alle drei Größen positiv.





Text bei Abb. 2.



<u>Abb. 4.</u> Horizontale Begrenzung der Teilchentrajektorien durch den MV-Magneten bei S = 1340 mm Text bei Abb. 2.



B, wurde auf den Geraden a, b und c gemessen, die von der Mittelebene des Magneten die Abstände 50, 85 und 115 mm haben.



<u>Abb. 6.</u> Horizontale Verteilung N der akzeptierten Teilchen auf dem 2. Hodoskop nach einer Monte-Carlo-Rechnung. (S = 555 mm) Die gestrichelten Kurven gelten für ein kurzes Target. Die ausgezogenen Linien sind für ein 240 mm langes Target und einen Spektrometerwinkel von 24° gerechnet.

Bei a ist die horizontale Fokussierung durch das longitudinale Magnetfeld noch unbedeutend. Bei c hat man starke horizontale Fokussierung.



<u>Abb. 7.</u> Auflösung AH (FWHM) des horizontalen Winkels in Abhängigkeit von der Projektion T der Targetlänge. Der horizontale Winkel wurde bei jeder Kurve verschieden bestimmt, und zwar aus einer Geraden durch:

Targetmitte und hor. Koordinate X ₁ in der Charpakkammer	bei	Kurve	a
Targetmitte und hor. Koordinate X ₂ im 2. Hodoskop	bei	Kurve	b
Hor. Koordinate X ₁ in der Charpakkammer und hor. Koordinate X ₂ im 2. Hodoskop	bei	Kurve	с
Aus einer Geraden, die angepaßt ist an Target- mitte, X ₁ und X ₂	bei	Kurve	d













Abb. 11. Auflösung AH (FWHM) des horizontalen Winkels in Abhängigkeit von der Genauigkeit AT (FWHM) mit der der Reaktionspunkt im Target senkrecht zur Spektrometerachse bekannt ist (Koordinate t). Der horizontale Winkel wurde bei jeder Kurve verschieden bestimmt, und zwar aus einer Geraden

durch	t	und	Χ,			bel	Kurve	a
durch	t	und	X			bei	Kurve	b
durch	х.	und	X			bei	Kurve	С
angepa	Bt	an t,	X ₁	und	X ₂	bei	Kurve	d

1





T.



Abb. 13. Text bei Abb. 11.





I.



Abb. 15. Hauptkomponente B $_{\rm x}$ des Magnetfeldes auf der Mittelachse s des Magneten gemessen.

Die Berechnung der Impuls-Winkel-Akzeptanz geschah mit dem eingezeichneten stufenförmigen Verlauf von B_x.



- 26

1



Beschreibung im Text auf den Seiten 6-8.

- 27 -



N = 0⁰

<u>Abb. 18.</u> Akzeptierter Impuls-Winkel-Bereich. Teilchen mit $V > 0^{\circ}$ werden ausgeblendet. Beschreibung im Text auf den Seiten 6-8.



Abb. 19. Akzeptierter Impuls-Winkel-Bereich. Teilchen mit V $> -5^{\circ}$ werden ausgeblendet.

Beschreibung im Text auf den Seiten 6-8.



N = 0°

Abb. 20. Vertikaler Winkel der Teilchenbahnen hinter dem Magneten.

Beschreibung im Text auf den Seiten 6-8.



Grenze und Übergangsgebiet des Bereichs mit direkter Sicht vom Target zur Charpakkammer



Grenze u. Übergangsgeb. des Bereichs mit direkter Sicht vom Target nach H2



 $N = 0^{\circ}$



gets in die Akzeptanz fällt

Nicht akzeptierter Bereich

Abb. 21. Akzeptierter Impuls-Winkel-Bereich bei ausgedehntem Target. (Länge des Targets auf die Spektrometerachse projeziert 234mm)





Beschreibung im Text Seite 6-8.

- 32 -





<u>Abb. 24</u>. Akzeptierter Impuls-Winkel-Bereich. Teilchen mit V > -5° werden ausgeblendet.



S = 555 mm Y = -36 mm $N = -2^{\circ}$

Abb. 25. Akzeptierter Winkel-Impuls-Bereich.



<u>Abb. 26.</u> Akzeptierter Winkel-Impuls-Bereich bei Ablenkung der Teilchen nach unten. Beide Hodoskope haben im gezeichneten akzeptierten Bereich direkte Sicht zum Target.



Abb. 27. Akzeptierter Impuls-Winkel-Bereich.



- 37 -



<u>Abb. 28.</u> Akzeptierter Winkel-Impuls-Bereich. Teilchen mit $V > 0^{\circ}$ werden ausgeblendet.



<u>Abb. 29.</u> Akzeptierter Impuls-Winkel-Bereich. Teilchen mit $V > -5^{\circ}$ werden ausgeblendete. Beschreibung im Text Seite 6-8.







<u>Abb. 31.</u> Akzeptierter Impuls-Winkel-Bereich. Teilchen mit $V > 0^{\circ}$ werden ausgeblendet. Beschreibung im Text Seite 6-8.





blendet.

Abb.

32.

Akzeptierter

Impuls-Winkel-Bereich.

Z

Teilchen

mit

<

V

-50

werden ausge-

Beschreibung 1 m Text Seite 6-8.

1 42 I.





<u>Abb. 33.</u> Vertikaler Winkel der Teilchenbahnen hinter dem Magneten.



<u>Abb. 34.</u> Impuls-Winkel-Bereich, der durch ein Zählerpaar akzeptiert wird. Der Streifen C ist der Bereich, der durch einen Draht (bei 2 mm Drahtabstand) in der Charpakkammer akzeptiert wird, und der Streifen H wird durch einen 10 mm breiten Zählerkanal im 2. Hodoskop akzeptiert. V = vertikaler Winkel der Teilchen am Target. Der Einfluß der Vielfachstreuung und der Targetlänge auf die Auflösung ist unterdrückt.

Die Halbwertsbreiten AP/P und AV des gemeinsamen Bereichs können mit den Kurven K der Abb. 36 und 40 verglichen werden.

- 44 -



<u>Abb. 35.</u> Impulsauflösung $\Delta P/P$ (FWHM) in Abhängigkeit vom vertikalen Winkel V bei P = 4 GeV/c und B = 20 kGauß.

Zur Auflösung (Kurve A) tragen folgende Einflüsse entsprechend den Kurven bei:

K : Kanalbreite der Hodoskope

- L : Vielfachstreuung in Luft
- C : Vielfachstreuung in der Charpakkammer
- T : Vielfachstreuung im Target (nur bei Abb. 39-42)

TL : Targetlänge



<u>Abb. 36.</u> Impulsauflösung $\Delta P/P$ (FWHM) in Abhängigkeit vom vertikalen Winkel V bei P = 2 GeV/c und B = 20 kGauß. Text bei Abb. 35



<u>Abb. 37.</u> Impulsauflösung $\Delta P/P$ (FWHM) in Abhängigkeit vom vertikalen Winkel V bei P = 1 GeV/c und B = 20 kGauß.



<u>Abb. 38.</u> Impulsauflösung $\Delta P/P$ (FWHM) in Abhängigkeit vom vertikalen Winkel V bei P = 0,5 GeV/c und B = 10 kGauß.



<u>Abb. 39.</u> Auflösung ΔV (FWHM) des vertikalen Winkels V in Abhängigkeit von V bei P = 4 GeV/c und B = 20 kGauß.



Abb. 40. Auflösung AV (FWHM) des vertikalen Winkels V in Abhängigkeit von V bei P = 2 GeV/c und B = 20 kGauß. Text bei Abb. 35

- 50 -



<u>Abb. 41.</u> Auflösung ΔV (FWHM) des vertikalen Winkels V in Abhängigkeit von V bei P = 1 GeV/c und B = 20 kGauß.





<u>Abb. 42.</u> Auflösung ΔV (FWHM) des vertikalen Winkels V in Abhängigkeit von V bei P = 0,5 GeV/c und B = 10 kGauß.



<u>Abb. 43.</u> Akzeptierter Raumwinkel Ω in Abhängigkeit vom Impuls (P/B) für verschiedene Magnetaufstellungen.

- a) S = 555 mm, Y = 150 mm und N = 0° entsprechend Abb. 1. Target kurz
- b) wie a) aber Targetlänge 240 mm und Spektrometeraufstellung 24⁰
- c) S = 1020 mm, Y = 150 mm, N = 0 $^{\circ}$
- d) $S = 1340 \text{ mm}, Y = 150 \text{ mm}, N = 0^{\circ}$

INHALTSVERZEICHNIS

1.	Einleitung	1
2.	Horizontale Akzeptanz	2
3.	Bestimmung des horizontalen Winkels	3
4.	Vertikale Akzeptanz	6
5.	Auflösung des Impulses und vertikalen Winkels	9
6.	Raumwinkel	10
	Abbildungen	11

- 54 -